

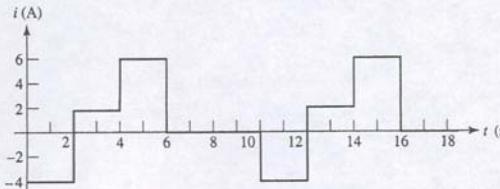
به طور خطی از $W = 0$ در مدت ۵ دقیقه افت می‌کند. (الف) ظرفیت ذخیره انرژی با تاری چقدر است؟ (ب) چقدر انرژی در ۵ دقیقه آخر سیکل دشارژ حمل شده است؟

۲-۲ بار الکتریکی، جریان، ولتاژ و توان

۱۰. بارکل ذخیره شده به وسیله دستگاه خاصی به صورت تابعی از زمان با رابطه $q = 18t^2 - 2t^4$ (در سیستم SI داده شده است. (الف) بارکل ذخیره شده در $t = 2s$ چقدر است؟ (ب) حداقل بار ذخیره شده در فاصله زمانی $3s \leq t \leq 0$ چقدر است و چه موقعی رخ می‌دهد؟ (ج) در $t = 0.8s$ سرعت ذخیره بار چه میزان است؟ (د) منحنی های q در برابر t و \dot{q} در برابر t در فاصله زمانی $3s \leq t \leq 0$ رارسم کنید.

۱۱. جریان (i) شکل ۲۶ (ج) به صورت $i = 3e^{-5t}A$ -برای $t > 0$ و $i = 0$ -برای $t < 0$ داده شده است. پیدا کنید (الف) i ، (ب) $(0.2)i$ (ج) لحظاتی که در آن $i = 0$ است. (د) بارکلی که از چپ به راست در فاصله زمانی $0.1s < t < 0.8s$ از هادی گذشته است.

۱۲. شکل موج ۲۲ دارای پریود ۱۰ ثانیه است. (الف) مقدار متوسط جریان در این فاصله چقدر است؟ (ب) در فاصله $12s < t < 16s$ چه مقدار بار عبور کرده است؟ (ج) اگر $q(0) = 0$ باشد، ($q(t)$) را در فاصله زمانی $0 < t < 16s$ رسم کنید.



شکل ۲-۲۸

۱۳. مسیری بانقطه جدا هم A، B، C، D، E را در نظر بگیرید. برای انتقال یک کلtronon از A به B باز بـ C به D باز بـ E، از C به D ۳ pJ، از D به E ۴ pJ، از E به A ۲ لازم است. برای انتقال از C به A، اختلاف پتانسیل (به ولت) بین A و B چقدر است (مرجع + در E است).

- ب. اختلاف پتانسیل (به ولت) بین D و E چقدر است (مرجع + در E است).

- ج. اختلاف پتانسیل (به ولت) بین C و D چقدر است (مرجع + در D است).

- د. اختلاف پتانسیل (به ولت) بین D و B چقدر است (مرجع + در D است).

۱۴. یک جعبه بدون علامت در گوشاهی از آزمایشگاه پیدا شده است. جعبه دارای دو سیم است که با زنگ‌های تارنجی و ارغوانی مشخص شده است. یک ولت متر به دو سیم وصل است و مرجع + آن به سیم ارغوانی متصل شده است. در این حالت ولتاژ ۲.86 V- اندازه‌گیری شده است. اگر جعبه اتصال باتری معکوس گردد، چه مقدار خوانده خواهد شد.

مسائل

۲-۱ واحدها و مقیاس‌ها

۱. کمیت‌های زیر را به نامهای مهندسی تبدیل کنید:
الف. 750mJ ب. $1.2 \times 10^{-5}\text{s}$

- د. $3,500,000,000\text{ bits}$ گ. $1130\text{ }\Omega$
و. $13,560,000\text{ Hz}$ ه. $0.0065\text{ }\mu\text{m}$

- ز. $49,000\text{ }\Omega$ س. 0.039 nA
ط. $1.173 \times 10^{-5}\text{ }\mu\text{m}$

۲. کمیت‌های زیر را بانماد مهندسی نمایش دهید:

- الف. 12.35 mm ب. $1,000,000\text{ W}$ گ. $47,000\text{ W}$
ج. 0.00546 A د. $5.33 \times 10^{-6}\text{ mW}$ ه. 0.033 mJ

- ز. 5555 kW س. 0.000000001 s
ط. $32,000,000,000\text{ pm}$

۳. واحدهای SI زیر را تبدیل کنید. از عالم مهندسی استفاده نمایید و چهار رقم بالریزش رانگ را بدید:
الف. 2.54 cm ب. 12 ft گ. 400 hp د. $285.4 \times 10^{15}\text{ s}$

۴. یک باتری خشک V تخلیه شده، یک جریان 100 mA لازم دارد تا در 3 hr کاملاً شارژ گردد. ظرفیت ذخیره انرژی باتری چقدر است، با این فرض که ولتاژ به وضعيت شارژ بستگی ندارد.

۵. یک اتومبیل برقی کوچک با یک موتور 175 hp مجهز شده است. (الف) اگر فرض کنیم راندمان در تبدیل نیروی الکتریکی به مکانیکی صدراصد است برای راندن موتور چند کیلووات انرژی لازم است؟ (ب) اگر موتور ۳ ساعت کار کند چقدر انرژی برحسب زول لازم دارد. (ج) اگر یک باطری اسیدی دارای ۴۳۰ کیلووات ساعت طرفیت ذخیره‌سازی باشد چند باتری لازم است؟

۶. یک مولد نیروی 400 mW پالس لیزری را دوره 20 ms تولید می‌کند. (الف) توان اوج لحظه‌ای لیزر چقدر است؟ (ب) اگر در هر ثانیه فقط 100 پالس تولید شود توان متوسط خروجی لیزر چقدر است؟

۷. یک مولد لیزری تقویت شده پالس‌های لیزری 1 fs را در طیل 75 fs تولید می‌کند. (الف) توان لحظه‌ای اوج لیزر چقدر است؟ (ب) اگر در هر ثانیه فقط 100 پالس تولید شود توان متوسط خروجی لیزر چقدر می‌باشد؟

۸. توان تولیدی یک باطری در 6 دقیقه اول 6 W و در 2 دقیقه بعد صفر است آن‌گاه در طول 10 دقیقه بعد به طور خطی از صفر به 10 W رسید و در هر دقیقه بعد آن بهطور خطی از 10 W به صفر بازگرد. (الف) انرژی کل تولید شده در طول فاصله زمانی 24 دقیقه چقدر است؟ (ب) متوسط توان برحسب Btu/h در این مدت چقدر است؟

۹. نوع جیدی از باتری می‌تواند $W = 10\text{ hr}$ انرژی را برای مدت 8 بدون تغییر جریان یا ولتاژ تحويل نماید. با این وجود پس از 8 توان خروجی

ساده‌ای از آن بیانگر طبیعت متفاوت تغییراتش نسبت به زمان است، گرچه ولتاژ و جریان در

طول زمان معنی منفی هستند توان چذب شده هرگز منفی نیست!

مقاومت می‌تواند مبنای تعریف دو عبارت رایج اتصال کوتاه و مدار باز باشد. ما اتصال

کوتاه را به عنوان مقاومت صفر اهمی تعریف می‌کنیم، آن‌گاه چون $R = \infty$ است، علی‌رغم

وجود جریان در درون آن ولتاژ دو سر یک مدار اتصال کوتاه باید صفر باشد. به طریقی مشابه

یک مدار باز را به صورت مقاومت بین نهایت تعریف می‌کنیم. از قانون اهم نتیجه می‌شود که

جریان، جدا از ولتاژ دو سر یک مدار باز، صفر است. گرچه سیم‌های حقیقی دارای مقاومت

کوچکی هستند مامحواره آن‌ها را در این مقاومت صفر فرض خواهیم کرد مگر آن‌که بیان شود.

بنابراین در همه نمودارهای مدار، سیم‌ها به صورت ایده‌آل اتصال کوتاه فرض خواهند شد.

۲-۵ خلاصه فصل و مرور

- سیستم آحدارایجی که باید در مهندسی برق به کار رود SI است.
- جهتی که بارهای مثبت حرکت می‌کنند جهت مثبت جریان است. جریان مثبت در جهت مخالف حرکت الکترون‌ها است.
- در تعریف جریان، مقدار و جهت آن باید مشخص باشد. جریان‌های ثابت (dc) را معمولاً با حروف I و جریان‌های دیگر را (i) یا ساده‌تر گوییم آن‌شان می‌دهیم.
- برای تعریف ولتاژ دو سر یک مدار از پایه‌ها را با a و - علامت بینیم و نیز مقداری را به آن نسبت دهیم (یک نماد جبری یا یک مقدار عددی).
- عنصری توان مثبت تولید می‌کند که جریان مثبت از پایه a + آن خارج شود. هر عنصری که انرژی مثبت جذب کند جریان مثبت وارد پایه a و $+ \Delta$ خواهد شد.
- شش نوع منبع وجود دارد: منبع ولتاژ مستقل، منبع جریان مستقل، منبع جریان وابسته کنترل شده با جریان، منبع باتری وابسته کنترل شده با ولتاژ، منبع ولتاژ وابسته کنترل شده با ولتاژ و منبع ولتاژ وابسته کنترل شده با جریان.
- قانون اهم بیان می‌دارد که ولتاژ دو سر یک مقاومت خطی مستقیماً متناسب با جریان عبوری از آن است، یعنی $V = iR$.

- توان تلفشده به وسیله یک مقاومت که منجر به تولید گرمای شود با رابطه $p = vi = i^2R = V^2/R$ داده می‌شود.
- معمولاً مقاومت سیم‌های به کاررفته در تحلیل مدار صفر فرض می‌شوند. هنگام انتخاب سیم برای کاربردی خاص با اداره برق محلی خود مشورت کنید.

۲-۶ خواندنی‌های کمکی

A good book that discusses the properties and manufacture of resistors in considerable depth:

Felix Zandman, Paul-René Simon, and Joseph Szwarc, *Resistor Theory and Technology*. Raleigh, N.C.: SciTech Publishing, 2002.

A good all-purpose electrical engineering handbook:

Donald G. Fink and H. Wayne Beaty, *Standard Handbook for Electrical Engineers*, 13th ed., New York: McGraw-Hill, 1993.

In particular, pp. 1-1 to 1-51, 2-8 to 2-10, and 4-2 to 4-207 provide an in-depth treatment of topics related to those discussed in this chapter.

A detailed reference for the SI is available on the Web from the National Institute of Standards:

Barry N. Taylor, *Guide for the Use of the International System of Units (SI)*, NIST Special Publication 811, 1995 Edition, www.nist.gov.

فصل سوم

قوانين ولتاژ و جریان

مقدمه

مفهوم کلیدی

واژه‌های جدید مدار: گره، مسیر، حلقه، و انشعاب
قانون جریان کیرشهف (KCL)
قانون ولتاژ کیرشهف (KVL)
تحلیل مدارهای ساده سری و موازی
ترکیب منابع سری و موازی
تقلیل ترکیب مقاومت سری و موازی
نقسیم ولتاژ و جریان
اتصالات زمین



در فصل ۲ مقاومت و چند نوع منبع معرفی شدند. پس از تعریف چند واژه جدید مدار، آمده‌ایم تا مدارهای ساده ساخته شده از این قطعات را تحلیل کنیم. تکنیک‌هایی که خواهیم آموخت بر اساس دو قانون ساده است: قانون جریان کیرشهف (KCL) و قانون ولتاژ کیرشهف (KVL). KCL بر اصل بقای بار و KVL بر اصل بقای تحلیل ساده، از KCL و KVL و استفاده قوانین اساسی فیزیک است. پس از آشنایی با این تحلیل ساده، از KCL و KVL و استفاده بیشتر کرده و از آن‌ها برای ساده کردن ترکیبات سری و موازی مقاومت‌ها، منابع ولتاژ، یا منابع جریان استفاده می‌کنیم و مفاهیم مهم تقسیم جریان و ولتاژ را توسعه می‌دهیم. در فصل‌های بعد، تکنیک اضافه‌تری را خواهیم آموخت که به امکانهای می‌دهند به طور موثر شبکه‌های پیچیده‌تر را تحلیل کنیم.

۳-۱ گره‌ها، حلقه‌ها، مسیرها و شاخه‌ها

اینک آمده‌ایم روابط جریان - ولتاژ را در مدارهای ساده تشکیل شده از دو یا چند عنصر معین کنیم. عناصر به سیم‌ها به هم متصلند و فرض می‌کنیم مقاومتشان صفر باشد. چون در این حال شبکه به صورت تعدادی عنصر دارد و مجموعه‌ای از سیم‌های اتصال درمی‌آید، به آن شبکه با پارامترهای فشرده یا یکپارچه می‌گوییم. تحلیل شبکه‌هایی که در آن‌ها پارامترها توزیع شده‌اند و در واقع حاوی عناصر بی‌نهایت کوچک هستند مشکل‌تر است. ما در این کتاب بر نوع یکپارچه تأکید داریم.

نقطه‌ای که در آن دو یا چند عنصر اتصال مشترکی دارند گره نامیده می‌شود. مثلاً شکل ۳-۱(a) مدار یک شبکه سه گرهی را نشان می‌دهد. گاهی مدارها طوری رسم می‌شوند که تعداد گره‌ها بیش از آن‌چه که واقعیت دارد به نظرمی‌رسند. مثلاً گره شماره ۱ در شکل ۳-۱(b) به صورت دو اتصال جدا از هم که با هادی صفر اهمی به هم وصلند، طبق شکل ۳-۱(b)، نشان داده می‌شود. با این وجود تنها کاری که صورت گرفته، جداسازی نقاط مشترک به صورت یک خط مشترک با مقاومت صفر است. بنابراین ما باید لزوماً همه سیم‌ها هادی یا بخشی از آن را که متصل به گره است، جزئی از آن گره بدانیم. توجه کنید که هر عنصر باید در هر سمت خود یک گره داشته باشد.

فرض کنید که از یک گره در یک شبکه شروع کنیم و از یک عنصر ساده عبور نماییم تا به یک گره در انتهای دیگر آن برسیم. آن‌گاه از این گره وارد عنصر دیگری شده به گره بعدی برویم و این حرکت را آن قدر ادامه دهیم تا از هر تعداد عنصر عبور نماییم. اگر با همیج گره‌ای بیش از یک پاره مواجه شویم، آن‌گاه مجموعه گره‌ها و عناصری که ما از آن‌ها عبور کردیم یک

می‌شود تا باتری کلاً تخلیه شود. با توجه به اصل بقای انرژی، انرژی باتری به کجا رفته است؟

۴۱. اگر مسیم B33 برای ساختن سیم‌گرد با قطر ۱ mm به کار رود، چقدر توان در ۱۰۰ m سیمی که جریان ۱.۵ A را حمل می‌کند، تلف خواهد شد؟
۴۲. بر اساس جدول ۲-۴، یک وسیله مکانیکی سازیزد که به عنوان مقاومت سیم متغیر می‌کند (یک سیم پیچ می‌تواند به این کار کمک نماید).

۴۳. دیود یک قطعه رایج دو پایانه غیرخطی است، می‌توان آن را استفاده از رابطه جریان - ولتاژ زیر مدل سازی کرد:

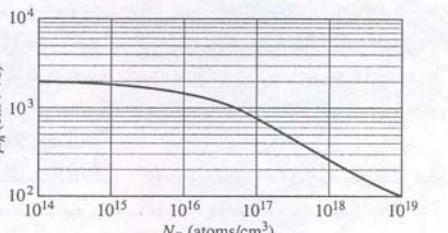
$$I = 10^{-9} (e^{39V} - 1)$$

- (الف) مشخصه جریان - ولتاژ آن را برای $V = 0.7V$ و $V = -0.7V$ چقدر است؟ (ج) در چه کنید. (ب) مقاومت موثر دیود در $V = 0.55V$ چقدر است؟

جریانی مقاومت دیود 1Ω است؟

۴۴. یک مقاومت 10Ω برای تعمیر مدار رگولاتور ولتاژ لازم است. تنها موارد اولیه موجود قرقه‌هایی به طول ده‌هزار فوت از هر نوع سیم در جدول ۲-۴ است. مقاومت مناسب را طراحی کنید.

۴۵. مقاومت مخصوص کریستال سلیلکان نوع n با رابطه $\mu_n = \frac{1}{N_D} N_{D^{\prime \prime}}$ داده شده است، که q باره الکترون و برابر با 1.602×10^{-19} کولن، N_D مساوی با تعداد اتم‌های ناچالص فسفر در هر سانتی‌متر مکعب μ_n قابلیت تحرک الکترون (برحسب $Cm^2V^{-1}S^{-1}$) می‌باشد. قابلیت تحرک و چگالی ناچالصی با شکل ۲-۳۹ به هم مرتبطاند. با این فرض که ویفر سیلیکانی ۶ اینچ قطر $0.5mm$ ضخامت داشته باشد، با تزریق ماده فسفری در محدوده $10^{15} \leq N_D \leq 10^{18} atoms/cm^3$ هندسی مناسب یک مقاومت ۱۰۰ اهمی طراحی کنید.



شکل ۲-۳۹

۳۵. مدار شکل ۲-۳۸ طوری ساخته شده که $V = 2 \sin 5t$ و $t = 314 ms$ را در 7π ماحاسبه کنید.
۳۶. یک مفتول مسی به نمره ۱۸ در طول مسیری برای اتصال یک سنسور به سیستم کامپیوتر مرکزی کشیده شده است. اگر مقاومت سیم ۵۳Ω باشد طول کل سیم چقدر است؟ (دما را ۲۰ درجه سانتیگراد فرض کنید).
۳۷. فرض کنید که در کنار یک ساحل متروک قرار دارید و دمای هوا ۱۰۸ درجه فارنهایت است. ناگهان ملاحظه می‌کنید که فرستنده شما کار نمی‌کند، آن‌گاه مشکل را دنبال می‌کنید تا به یک مقاومت ۴۷۰ اهمی برسید. خوشبختانه قرقه‌های از سیم ۲۸ AWG را در آن جا بیندازید. چند گفت از سیم برای جایگزینی مقاومت ۴۷۰ اهمی لازم است؟ توجه کنید که چون جزیره در منطقه گرم‌سیر است دما کمی بیشتر از ۲۰ درجه سانتی‌گراد است و نمی‌توان مقادیر مقاومت جدول ۲-۴ را به کاربرد شما می‌توانید از رابطه زیر برای اصلاح مقادیر جدول ۲-۴ استفاده کنید:

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{234.5 + T_2}{234.5 + T_1}$$

- که در آن T_1 مساوی با دمای مرجع (۲۰ درجه در این حالت)، R_1 مقاومت در دمای مرجع، T_2 دمای جدید (درجه سانتی‌گراد) و R_2 مقاومت در دمای جدید است.

۳۸. مقاومت یک هادی به طول l و سطح مقطع یکنواخت A را با رابطه $\frac{l}{\sigma A}$ داده می‌شود. ضربی هدایت الکتریکی است. اگر برای مسیم مسی نمره ۱۸ (با قطر $7 \times 10^{-3} mm$) باشد: (الف) مقاومت یک سیم مسی نمره ۱۸ (با قطر ۰.۰۲۴ میلی‌متر) که ۵۰ گفت طول داشته باشد چقدر است؟ (ب) روی مدار چایپ، یک فویل مسی نواری با $33\mu m$ ضخامت و $0.5mm$ عرض را داریم که می‌تواند ۳A جریان را در $50C$ به راحتی حمل کند. ۱۵ سانتی‌متر از این نوار مسی و توان انتقال یافته به وسیله ۳A جریان چقدر است؟

۳۹. جدول ۲-۳ چندین نوع استاندارد سیم مسی را لیست کرده است، که ضربی مقاومت تقریباً $1.7\Omega/cm$ است. از اطلاعات جدول ۲-۴ برای سیم ۲۸ AWG استفاده کنید و مقاومت سیم مسی نرم را به دست آورید. آیا مقدار شما با جدول ۲-۳ هم خوانی دارد؟

۴۰. (الف) سه مثال برای مقاومت‌های غیرخطی بزنید. (ب) تصور کنید که یک باتری به یک مقاومت منتقل